

# TERMODINAMICA ESTADISTICA AVANZADA

## DOSSIER DE EJERCICIOS 1

### UNIDAD 1

- 1a. Calcular el peso de la configuración en la cual 18 objetos se distribuyen en el rearreglo 0, 1, 2, 3, 8, 0, 0, 2, 0, 2.
- 1b. Calcular el peso de la configuración en la cual 20 objetos se distribuyen en el rearreglo 6, 0, 5, 0, 4, 1, 1, 0, 2, 0, 0, 1.
- 2a. ¿Cuál es la temperatura de un sistema de dos niveles (de energía) con una separación energética de  $400 \text{ cm}^{-1}$  cuando la población del estado más alto es un tercio de la del estado más bajo?
- 2b. ¿Cuál es la temperatura de un sistema de dos niveles (de energía) con una separación energética de  $300 \text{ cm}^{-1}$  cuando la población del estado más alto es la mitad de la del estado más bajo?
- 3a. Cierta molécula tiene un estado excitado no degenerado a  $540 \text{ cm}^{-1}$  sobre el estado basal no degenerado. ¿A qué temperatura estará el 10 por ciento de las moléculas en el estado más alto?
- 3b. Cierta molécula tiene un estado excitado doblemente degenerado a  $360 \text{ cm}^{-1}$  sobre el estado basal no degenerado. ¿A qué temperatura estará el 15 por ciento de las moléculas en el estado más alto?
- 4a. Calcular (a) la longitud de onda térmica y (b) la función de partición translacional a (i) 300 K y (ii) 3000 K de una molécula de masa molar  $150 \text{ g mol}^{-1}$  en un contenedor de volumen  $1.00 \text{ cm}^3$ .
- 4b. Calcular (a) la longitud de onda térmica y (b) la función de partición translacional de un átomo de Ne dentro de una caja cúbica de lado  $1.00 \text{ cm}$  a (i) 300 K y (ii) 3000 K.
- 5a. Calcular el radio de las funciones de partición translacionales de  $\text{D}_2$  y  $\text{H}_2$  a la misma temperatura y volumen.
- 5b. Calcular el radio de las funciones de partición translacionales de xenon y helio a la misma temperatura y volumen.
- 6a. La longitud del enlace de  $\text{O}_2$  es  $120.75 \text{ pm}$ . Usar la aproximación de altas temperaturas para calcular la función de partición rotacional de la molécula a 300 K.
- 6b. La longitud del enlace de  $\text{N}_2$  es  $109.75 \text{ pm}$ . Usar la aproximación de altas temperaturas para calcular la función de partición rotacional de la molécula a 300 K.

- 7a. La molécula NOF es un rotor asimétrico con constantes rotacionales  $3.1752 \text{ cm}^{-1}$ ,  $0.3951 \text{ cm}^{-1}$  y  $0.3505 \text{ cm}^{-1}$ . Calcular la función de partición rotacional de la molécula a (a)  $25^\circ\text{C}$  y (b)  $100^\circ\text{C}$ .
- 7b. La molécula  $\text{H}_2\text{O}$  es un rotor asimétrico con constantes rotacionales  $27.877 \text{ cm}^{-1}$ ,  $14.512 \text{ cm}^{-1}$  y  $9.285 \text{ cm}^{-1}$ . Calcular la función de partición rotacional de la molécula a (a)  $25^\circ\text{C}$  y (b)  $100^\circ\text{C}$ .
- 8a. La constante rotacional del CO es  $1.931 \text{ cm}^{-1}$ . Evaluar la función de partición rotacional explícitamente (sin aproximación) y graficar su valor como función de la temperatura. ¿A qué temperatura el valor es 5 por ciento del valor calculado con la fórmula aproximada?
- 8b. La constante rotacional del HI es  $6.511 \text{ cm}^{-1}$ . Evaluar la función de partición rotacional explícitamente (sin aproximación) y graficar su valor como función de la temperatura. ¿A qué temperatura el valor es 3 por ciento del valor calculado con la fórmula aproximada?
- 9a. La constante rotacional del  $\text{CH}_4$  es  $5.241 \text{ cm}^{-1}$ . Evaluar la función de partición rotacional explícitamente (sin aproximación) y graficar su valor como función de la temperatura. ¿A qué temperatura el valor es 2 por ciento del valor calculado con la fórmula aproximada?
- 9b. La constante rotacional del  $\text{CCl}_4$  es  $0.0572 \text{ cm}^{-1}$ . Evaluar la función de partición rotacional explícitamente (sin aproximación) y graficar su valor como función de la temperatura. ¿A qué temperatura el valor es 4 por ciento del valor calculado con la fórmula aproximada?
- 10a. Las constantes rotacionales del  $\text{CH}_3\text{Cl}$  son  $\tilde{A} = 5.097 \text{ cm}^{-1}$  y  $\tilde{B} = 0.443 \text{ cm}^{-1}$ . Evaluar la función de partición rotacional explícitamente (sin aproximación) y graficar su valor como función de la temperatura. ¿A qué temperatura el valor es 5 por ciento del valor calculado con la fórmula aproximada?
- 10b. Las constantes rotacionales del  $\text{NH}_3$  son  $\tilde{A} = 6.196 \text{ cm}^{-1}$  y  $\tilde{B} = 9.444 \text{ cm}^{-1}$ . Evaluar la función de partición rotacional explícitamente (sin aproximación) y graficar su valor como función de la temperatura. ¿A qué temperatura el valor es 5 por ciento del valor calculado con la fórmula aproximada?
- 11a. El número de onda vibracional del  $\text{Br}_2$  es  $323.2 \text{ cm}^{-1}$ . Evaluar la función de partición vibracional explícitamente (sin aproximación) y graficar su valor como función de la temperatura. ¿A qué temperatura el valor es 5 por ciento del valor calculado con la fórmula aproximada?
- 11b. El número de onda vibracional del  $\text{I}_2$  es  $214.5 \text{ cm}^{-1}$ . Evaluar la función de partición vibracional explícitamente (sin aproximación) y graficar su valor como función de la temperatura. ¿A qué temperatura el valor es 5 por ciento del valor calculado con la fórmula aproximada?
- 12a. Calcular la función de partición vibracional del  $\text{CS}_2$  a  $500 \text{ K}$  dados los números de onda  $658 \text{ cm}^{-1}$  (alargamiento simétrico),  $397 \text{ cm}^{-1}$  (torsión; dos modos) y  $1535 \text{ cm}^{-1}$  (alargamiento asimétrico).

- 12b. Calcular la función de partición vibracional del HCN a 900 K dados los números de onda  $3311\text{ cm}^{-1}$  (alargamiento simétrico),  $712\text{ cm}^{-1}$  (torsión; dos modos) y  $2097\text{ cm}^{-1}$  (alargamiento asimétrico).
- 13a. Cierta átomo tiene un estado basal triplemente degenerado, un estado electrónicamente excitado no degenerado a  $3500\text{ cm}^{-1}$  y un estado triplemente degenerado a  $4700\text{ cm}^{-1}$ . Calcular la función de partición de éstos estados electrónicos a 1900 K.
- 13b. Cierta átomo tiene un estado basal doblemente degenerado, un estado electrónicamente excitado triplemente degenerado a  $1250\text{ cm}^{-1}$  y un estado doblemente degenerado a  $1300\text{ cm}^{-1}$ . Calcular la función de partición de éstos estados electrónicos a 2000 K.
- 14a. Calcular la contribución electrónica a la energía interna molar a 1900 K para una muestra compuesta de los átomos especificados en el ejercicio 13a.
- 14b. Calcular la contribución electrónica a la energía interna molar a 2000 K para una muestra compuesta de los átomos especificados en el ejercicio 13b.
- 15a. ¿A qué temperatura la población del primer estado excitado vibracional del HCl será  $1/e$  veces su población del estado basal? ( $\tilde{\nu} = 1889\text{ cm}^{-1}$ )
- 15b. ¿A qué temperatura la población del primer estado excitado rotacional del HCl será  $1/e$  veces su población del estado basal? ( $\tilde{B} = 21.18\text{ cm}^{-1}$ )
- 16a. Calcular la entropía molar estándar del gas neón a (a) 200 K y (b) 298.15 K.
- 16b. Calcular la entropía molar estándar del gas kriptón a (a) 100 K y (b) 298.15 K.
- 17a. Calcular la contribución vibracional a la entropía de  $\text{Cl}_2$  a 500 K dado que el número de onda de la vibración es  $560\text{ cm}^{-1}$ .
- 17b. Calcular la contribución vibracional a la entropía de  $\text{Br}_2$  a 600 K dado que el número de onda de la vibración es  $321\text{ cm}^{-1}$ .

$$hc\tilde{B} = \frac{\hbar^2}{2\mu R^2}$$

Donde  $\mu = \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2}$  y  $R$  = longitud de enlace.